「画像の認識・理解シンポジウム (MIRU2004)」 2004 年 7 月

# 誤差を考慮した観察による回転ジョイントのパラメタ推定

高松 淳† 佐藤 啓宏†† 木村 浩†† 池内 克史†

† 東京大学生産技術研究所 東京都目黒区駒場 4-6-1 †† 電気通信大学

調布市調布ヶ丘 1-5-1

E-mail: *†*{j-taka,yoshi,yoshi}@cvl.iis.u-tokyo.ac.jp, *†*†hiroshi@kimura.is.uec.ac.jp

あらまし 現在, 我々は回転ジョイントでつながれた物体の操作を行うロボットプログラムを手軽に生成することを 目指している. それにより, 例えば扉を開ける, 蛇口をひねる, コーヒー豆をひく, 等々, 日常のさまざまな作業への適 用が可能となる. しかし, そのような物体の操作の際に必要不可欠であるジョイントのパラメタ, つまり回転軸の向き や回転中心は, 従来では人間が手作業で与えなければならず, それがこの操作をおこなうロボットプログラムの生成を 困難にしていた. そこで本論文では, 誤差を含む観察を通じて回転ジョイントのパラメタを獲得する方法を述べる. キーワード ジョイントパラメタの推定

# Estimating Parameters of a Revolute Joint From Observation Including Noises

Jun TAKAMATSU<sup>†</sup>, Yoshihiro SATO<sup>††</sup>, Hiroshi KIMURA<sup>††</sup>, and Katsushi IKEUCHI<sup>†</sup>

† Institute of Industrial Science, The University of Tokyo
 4-6-1 Komaba, Meguro-ku, Tokyo
 †† The University of Electro-Communications
 1-5-1 Chofugaoka, Chofu-city, Tokyo

E-mail: *†*{j-taka,yoshi,yoshi}@cvl.iis.u-tokyo.ac.jp, *†*†hiroshi@kimura.is.uec.ac.jp

**Abstract** Our goal is to easily generate a robot program to manipulate linkages connected by a revolute joint. The generation enables a robot to perform various everyday tasks, for example, opening a door, turning on a water tap, milling coffee beans using a coffee mill, and so on. Although one needs to set up joint parameters (axis direction and center of rotation)that are essential to manipulate linkages which are connected by the joint, one has to manually set up them in the conventional method. That causes the difficulty in the generation. Therefore we propose a novel method for estimating the parameters of a revolute joint from observation including noises.

Key words Estimation of joint parameters

1. はじめに

近年,人間に変わる労働力として,ロボットが非常に注目され てきており,その結果として,さまざまなロボットに接する機会 が多くなってきた.しかし,労働力として用いるために必要と なる,ロボットに目的の作業を行わせるためのプログラムの生 成は,現在に至っても非常に困難であり,それを簡略化する手法 が強く望まれている.その簡略化手法のひとつとして「観察に よる行動獲得」[1]~[3]と呼ばれる手法が注目されている.その 手法は,観察を通じて作業遂行の知識を獲得することに特徴が

# ある.

現在, 我々は回転ジョイントでつながれた物体の操作を行う ロボットプログラムを, 手軽に生成することを目指している. そ れにより, 例えば扉を開ける, 蛇口をひねる, コーヒー豆をひく など, 日常のさまざまな作業への適用が可能となる.

ジョイントでつながれた物体の操作に関する研究として,例 えば Mason は図1に示す6つのジョイントの静的な特徴を調 べ, position/force hybrid 制御によりそれらの物体を操作する 方法を提案している[4]. またジョイントの静的, および動的な 特徴に関しては, 機構学において活発に研究されている.



図1 低次対偶

しかし従来法では、そのような物体操作の際に必要不可欠で あるジョイントのパラメタを、人間が手作業で与えなければな らず、結果として、そのような操作を行うロボットプログラムの 生成を困難にしてしまうという問題があった。そこで本論文で は、観察を通じて操作のために必要不可欠である回転ジョイン トのパラメタ (回転軸の向きや回転中心)を獲得する方法を提 案する.

実際に、3次元トラッキングを用いて、それらのパラメタを 推定する方法はあまり提案されておらず、提案されている手法 もパラメタの一部である回転中心を求めるのみであり[5],[6], 回転軸の向きを推定する方法は、我々の知る限り提案されてい ない.

そこで我々は、誤差を含んだ3次元トラッキングの結果から、 回転ジョイントのパラメータの推定を行う手法を提案する.こ こでは、3次元トラッキングの結果から、ジョイントでつながれ た2つの物体の相対位置姿勢が得られているものとし、誤差は ガウシアンノイズであると仮定する.

2. 前 準 備

2 物体間の姿勢変位が、 $3 \times 3$  直交行列  $\Theta$  で表されていると する. その姿勢変位は、ある回転軸 n 回りに  $\theta$  ラジアン回転し たものと表現し直すことができる.本論文では、回転量  $|\theta|$  を行 列  $\Theta$  の大きさであると定義し、それを  $||\Theta||$  と表す.

回転ジョイントにより、2 つの物体 A、B が接続されている とする.本論文では、物体 B からみた物体 A の相対位置姿勢  $\mathbf{q}_i = (^B \mathbf{t}_A^i, ^B \Theta_A^i)$ が3次元トラッキングシステム等により与え られたとき、ジョイントのパラメタを推定する方法を提案する. ただし、 $^B \mathbf{t}_A^i$ は相対位置を表す3次元ベクトル、 $^B \Theta_A^i$ は相対姿 勢を表す3×3直交行列である.これらの項では、系列の順番を あらわす変数 i ( $\geq$ 1)を、各項の上付きの文字として表現する.

3次元トラッキング等により得られた相対位置姿勢は、たいていの場合、誤差を含んでいる。そこで $\hat{\mathbf{q}}_i = ({}^B \hat{\mathbf{t}}_A^i, {}^B \hat{\Theta}_A^i)$ は、正確な(推定された)相対位置姿勢を表すものとし、 $\Delta \mathbf{q}_i = (\Delta \mathbf{t}^i, \Delta \Theta^i)$ は、正確なものとトラッキングにより得られたものとの差を表すものとする。

3. 回転ジョイントのパラメータ推定

### 3.1 定式化

回転ジョイントのパラメタは、接続された物体 A, B の座標 系から見た回転軸の向き  ${}^{A}$ l と  ${}^{B}$ l, 物体 A, B から見た回転中心 の位置  ${}^{A}$ c と  ${}^{B}$ c からなる.ただし  $|{}^{A}$ l $| = |{}^{B}$ l| = 1 が成り立っ ているものとする.

すべての *i* に対して,回転ジョイントのパラメタと接続された物体 A, B の相対位置姿勢の間には,式(1)と(2) に示す関係が成り立っている.

$${}^{B}\mathbf{l} = {}^{B}\hat{\Theta}^{i}_{A}{}^{A}\mathbf{l} \tag{1}$$

$${}^{B}\mathbf{c} = {}^{B}\hat{\Theta}^{i}_{A} {}^{A}\mathbf{c} + {}^{B}\hat{\mathbf{t}}^{i}_{A} \tag{2}$$

#### 3.2 パラメタ推定

まず、回転軸の向きに関するパラメタ  ${}^{A}$ l,  ${}^{B}$ l を、式 (1) を用 いて推定する方法を提案する.式 (1) は姿勢誤差を表す項  $\Delta \Theta^{i}$ を用いて、式 (3) のように書き直すことができる.

$${}^{B}\mathbf{l} = \Delta \Theta^{i} {}^{B}\Theta^{i}_{A} {}^{A}\mathbf{l} \tag{3}$$

実際に、 $\Delta \Theta^{i}$ の値を正確に知ることは不可能であるので、 $\Delta \Theta^{i}$ の大きさ || $\Delta \Theta^{i}$ || が小さくなるようなパラメタを選択することが、妥当な推定であるとする.

ここで, 姿勢誤差の頃  $\Delta \Theta^i \epsilon$ , 式 (4) に示す 2 つの回転行列 の積 (1. 回転軸  $\mathbf{l}_i$  回りに  $\theta_{2i}$  ラジアン回転, 2. 回転軸 B1 回り に  $\theta_{1i}$  ラジアン回転) で表すものとする.

$$\Delta \Theta^{i} = R(^{B}\mathbf{l}, \theta_{1i})R(\mathbf{l}_{i}, \theta_{2i}) \tag{4}$$

回転行列  $R(\mathbf{l}, \theta)$  は回転軸 l 回りに  $\theta$  ラジアン回転したものを 表しており、すべての i において、 $^{B}\mathbf{l}\cdot\mathbf{l}_{i} = 0$  が成り立っている ものとする.

式 (4) を式 (3) に代入することにより, 式 (5) が得られる.

$$R({}^{B}\mathbf{l},\theta_{1i})^{T}{}^{B}\mathbf{l} = R(\mathbf{l}_{i},\theta_{2i})^{B}\Theta_{A}^{i}{}^{A}\mathbf{l}$$

$$\tag{5}$$

式の左辺の部分にあたる項  $R({}^{B}\mathbf{l}, \theta_{1i})^{T} {}^{B}\mathbf{l}$ の値は,  $\theta_{1i}$ の値に関 わらず一定である.これは、回転軸  ${}^{B}\mathbf{l}$ 回りの回転が誤差による ものか実際のものかを区別できないことを意味している.ここ では姿勢誤差の項  $\Delta \Theta^{i}$ を最小化するため、 $\theta_{1i} = 0$ であると仮 定する.

次に、 ${}^{B}\mathbf{l}^{T}$ を式 (5)の両辺に右側からかけることにより、式 (6)を得る.なお、記述を簡単にするため $\theta_{2i}$ を改めて $\theta_{i}$ と記述 する.

$$R(-\mathbf{l}_i,\theta_i)^B \mathbf{l}^B \mathbf{l}^T = {}^B \Theta_A^i {}^A \mathbf{l}^B \mathbf{l}^T$$
(6)

式(6)の左辺は、式(7)のように書くことができる.ただし、

$$[(x, y, z)]_{\times} = \begin{pmatrix} 0 & -z & y \\ z & 0 & -x \\ -y & x & 0 \end{pmatrix}$$

はいわゆる歪対称行列と呼ばれるものである.

 $(I - \sin \theta_i [\mathbf{l}_i]_{\times} + (1 - \cos \theta_i) [\mathbf{l}_i]_{\times}^2)^B \mathbf{l}^B \mathbf{l}^T$ 

具体的に計算することにより,以下の式が成り立つことが確 認できる:

(7)

$$Tr({}^{B}\mathbf{l}^{B}\mathbf{l}^{T}) = 1$$
$$Tr([\mathbf{l}_{i}]_{\times} {}^{B}\mathbf{l}^{B}\mathbf{l}^{T}) = 0$$
$$Tr([\mathbf{l}_{i}]_{\times} {}^{B}\mathbf{l}^{B}\mathbf{l}^{T}) = ({}^{B}\mathbf{l}\cdot\mathbf{l}_{i})^{2} - 1 = -1$$

これらを用いることにより,式(8)を得ることができる.

$$\operatorname{Tr}(R(-\mathbf{l}_i,\theta_i)^B \mathbf{l}^B \mathbf{l}^T) = \cos \theta_i \tag{8}$$

この結果により、我々は最適化に適した評価関数を手にいれる ことができた.  $1 - \cos \theta_i$ が最小となるとき、姿勢誤差の項の大 きさ  $||\Delta \Theta^i||$ つまり  $|\theta_i|$ の値は最小となることから、非線形最 適化手法を用いて、式 (9)の値を最小化することにより、パラメ タ  $^{A}$ l、 $^{B}$ lを推定することができる.

$$\min_{A_{\mathbf{l},B_{\mathbf{l}}}} \sum_{i} (1 - \cos \theta_{i}) = \min_{A_{\mathbf{l},B_{\mathbf{l}}}} \sum_{i} (1 - \operatorname{Tr}({}^{B}\Theta_{A}^{i} {}^{A}\mathbf{l}^{B}\mathbf{l}^{T}))(9)$$

次に, 推定された相対姿勢  ${}^{B}\hat{\Theta}_{A}^{i}$ を計算する方法を述べる. こ れは 3 次元ベクトル  ${}^{B}\Theta_{A}^{i}$   ${}^{A}$ l と  ${}^{B}$ l の外積を用いることにより, 簡単に計算することができる.

最後に、回転中心に関するパラメタ  ${}^{A}$ c、 ${}^{B}$ c を式 (2) を用いて 推定する方法を提案する.式 (2) は位置誤差を表す項  $\Delta$ t<sup>*i*</sup> を用 いて、式 (10) のように書き直すことができる.

$$\Delta \mathbf{t}^{i} = {}^{B}\mathbf{c} - {}^{B}\hat{\Theta}_{A}^{i} {}^{A}\mathbf{c} - {}^{B}\mathbf{t}_{A}^{i}$$
(10)

ここでも、 $\Delta t^{i}$ の大きさが小さくなるようなパラメタを選択することが、妥当な推定であるとする.実際に、これらのパラメタは最小自乗法を用いて推定することができる.具体的には、式(11)を解けばよい.ただし $A_{i} = \begin{pmatrix} -^{B}\hat{\Theta}_{A}^{i} & I \end{pmatrix}$ である.

$$\left(\sum_{i} A_{i}^{T} A_{i}\right) \begin{pmatrix} ^{A} \mathbf{c} \\ ^{B} \mathbf{c} \end{pmatrix} = \sum_{i} A_{i}^{T B} \mathbf{t}_{A}^{i}$$
(11)

なお回転中心の選び方には曖昧性が生じるため、行列 $\sum_{i}^{i} A_{i}^{T} A_{i}$ は必ずしも正則であるとは限らない.そこで我々は、特異値分解を用いてこの方程式を解いている.

4. 実装と実験

4.1 実 装

この節では、実際の実装の方法について述べる.実装にあたって、次に示す2つの問題を解決する必要がある:

• 回転軸および姿勢をどのようにパラメタ化するか?

• どのような非線形最適化手法を用いるか?

1 番目の問題に関して、我々は回転軸の向きを極座標表現を 用いてパラメタ化した. 具体的に、<sup>*A*</sup>l、<sup>*B*</sup>l はパラメタ *p*,*q*,*r*,*s* を用いて、式 (12) のように表すことができる.

 ${}^{A}\mathbf{l} = (\sin p \cos q, \sin p \sin q, \cos p)^{T}$ 

 ${}^{B}\mathbf{l} = (\sin r \cos s, \sin r \sin s, \cos r)^{T}$ 

(12)

また、姿勢はロールピッチヨー表現を用いてパラメタ化した. 具体的に、<sup>B</sup> $\Theta_A$ はパラメタ $\alpha, \beta, \gamma$ を用いて、式 (13) のように表すことができる. ただし  $c_{\alpha} = \cos \alpha, s_{\alpha} = \sin \alpha, c_{\beta} = \cos \beta, s_{\beta} = \sin \beta, c_{\gamma} = \cos \gamma, s_{\gamma} = \sin \gamma$ であるとする.

$${}^{B}\Theta_{A} = \begin{pmatrix} c_{\alpha}c_{\beta} & c_{\alpha}s_{\beta}s_{\gamma} - s_{\alpha}c_{\gamma} & c_{\alpha}s_{\beta}c_{\gamma} + s_{\alpha}s_{\gamma} \\ s_{\alpha}c_{\beta} & s_{\alpha}s_{\beta}s_{\gamma} + c_{\alpha}c_{\gamma} & s_{\alpha}s_{\beta}c_{\gamma} - c_{\alpha}s_{\gamma} \\ -s_{\alpha} & c_{\beta}s_{\gamma} & c_{\alpha}c_{\gamma} \end{pmatrix} (13)$$

これらの表現方法はいくつかの特異点を有しており,それが非 線形最適化における収束を困難にする場合があるが,実際の実 験ではそのような問題は見られなかった.

2番目の問題に関して, 我々は非線形最適化手法として共役 勾配法を用いた.なお, 共役勾配法における初期解<sup>A</sup>l<sub>in</sub>, <sup>B</sup>l<sub>in</sub> を以下のような手続きを経て設定した:

(1) ||<sup>B</sup> $\Theta_A^{iT} {}^B \Theta_A^{j}$ || の値ができるだけ  $\frac{\pi}{2}$  に近くなるような i, jを選ぶ.

(2)  ${}^{A}\mathbf{l}_{in}$  の値を  $R({}^{A}\mathbf{l}_{in}, \theta) = {}^{B} \Theta_{A}^{iT \ B} \Theta_{A}^{j}$  を解くことにより決定する.

(3)  ${}^{B}\mathbf{l}_{in}$  の値を  ${}^{B}\mathbf{l}_{in} = {}^{B} \Theta_{A}^{i} {}^{A}\mathbf{l}_{in}$  を用いて決定する. なお,式 (14) は誤差のない状況では常に成立している.

$${}^{B}\hat{\Theta}^{i\,T}_{A}{}^{B}\hat{\Theta}^{j}_{A}{}^{A}\mathbf{l} = {}^{A}\mathbf{l}$$
(14)

この式より、回転行列  ${}^{B}\hat{\Theta}_{A}^{iT} {}^{B}\hat{\Theta}_{A}^{j}$ は回転軸  ${}^{A}$ l まわりの回転を 表しているといえる.

4.2 シミュレーション実験

はじめに、シミュレーション実験により、真値と推定値を実際 に比較することで我々の提案する手法の性能評価を行った.本 実験の目的は以下のとおりである:

• 我々の提案手法と他の手法との性能を比較する

• 設定条件と推定精度の関係を調べる

実際に,我々は以下に示す方法で,シミュレーション実験を 行った:

(1) 適当に回転ジョイントのパラメタを設定する

(2) 設定されたパラメタに従って誤差のない相対位置姿勢 の列を生成する

(3) 生成された相対位置姿勢の列に誤差を加える

(4) 誤差を加えた相対位置姿勢の列に対してパラメタ推定 手法を適用する

(5) 推定されたパラメタと真のパラメタを比較する 実際に上に示すステップを 1000 回繰り返し行うことにより性 能評価を行った.

まず, 誤差の加え方について具体的に述べる. 実際に式 (15) に従って誤差を加えた. ただし Δt, ΔΘ はそれぞれ位置, 姿勢 に関する誤差である.

$${}^{B}\mathbf{t}_{A}^{i} = \Delta \mathbf{t} + {}^{B}\hat{\mathbf{t}}_{A}^{i}$$
$${}^{B}\Theta_{A}^{i} = \Delta \Theta^{B}\hat{\Theta}_{A}^{i}$$
(15)

 $\Delta t$  の大きさは, 0 から 10[mm] の間の一様分布に従ってランダ ムに決定した. もちろん,  $\Delta t$  の向きはランダムに設定してある.

#### 表1 提案手法と他の手法との性能評価 <sup>A</sup>] に関して推定された値と直の値との差

回転量	手法 A	提案手法
- サンプル数	平均 (標準偏差)[deg]	平均 (標準偏差)[deg]
45[deg] - 50	3.857(2.104)	1.330(0.6914)
45[deg] - 100	3.800(2.157)	$0.9352 \ (0.5167)$
45[deg] - 200	3.884(2.143)	$0.6989\ (0.3877)$
90[deg] - 50	2.128 (1.120)	$0.6916\ (0.3455)$
90[deg] - 100	2.053(1.147)	$0.4881 \ (0.2552)$
90[deg] - 200	2.077 (1.132)	$0.3485\ (0.1891)$
180[deg] - 50	1.999(1.117)	$0.3951 \ (0.2000)$
180[deg] - 100	2.051 (1.177)	0.2690(0.1424)
180[deg] - 200	2.044 (1.130)	0.1904 (.09464)

#### <sup>B</sup>1に関して推定された値と真の値との差

同た早	エンナーム	旧安壬注	
山虹重		<b>佐</b> 柔士法	
- サンプル数	平均 (標準偏差)[deg]	平均 (標準偏差)[deg]	
45[deg] - 50	3.909(2.122)	1.329(0.6838)	
45[deg] - 100	3.741(2.157)	$0.9411 \ (0.5109)$	
45[deg] - 200	3.862(2.126)	$0.6904 \ (0.3826)$	
90[deg] - 50	2.096(1.199)	$0.6890 \ (0.3474)$	
90[deg] - 100	2.051(1.158)	$0.4929 \ (0.2558)$	
90[deg] - 200	2.060(1.134)	$0.3397 \ (0.1907)$	
180[deg] - 50	2.058(1.151)	$0.3818\ (0.1970)$	
180[deg] - 100	2.048 (1.170)	$0.2701 \ (0.1468)$	
180[deg] - 200	2.042(1.151)	0.1934 (0.1010)	

姿勢に関する誤差を表す項  $\Delta \Theta$  は,式 (16) に従って生成した. ただし、 $\Delta \theta$  は 0 から 5[deg] の間の一様分布に従ってランダム に設定しており、また1もランダムに設定した.

$$\Delta \Theta = R(\mathbf{l}, \Delta \theta)$$

(16)

まず,我々の提案手法と他の手法との比較を行った.ここでは,回転軸の推定精度のみに注目して性能比較を行い,比較対象として次のような方法(以降手法 A と記述する)を選んだ:

 $||^{B}\Theta_{A}^{iT} {}^{B}\Theta_{A}^{j}||$ ができるだけ  $\frac{\pi}{2}$ 離れた 2 つの相対 姿勢  $^{B}\Theta_{A}^{i}, {}^{B}\Theta_{A}^{j}$ を用いて回転軸を推定する方法.

たしかに、手法 A によって得られた回転軸の向きの平均をとることにより、さらに良い推定を行うことは可能であるかも知れない.しかし、その際 S<sup>2</sup> つまり球面空間における和を定義しなければならない.一般的に球面空間での和は定義されておらず、このような計算により得られた結果は、正当に評価できるものでないと思われる.

実際に、以下に示す9つの条件下において性能比較を行った:

- 相対位置姿勢のサンプル数: 50, 100, or 200
- 回転量: 45[deg], 90[deg], or 180[deg]

表1に比較した結果を示す.

この表から、次のような考察が得られる:まず、我々の提案手法は手法 A にくらべて性能が良い.当然のことではあるが、手法 A の推定精度は回転量が  $\frac{\pi}{2}$  以下になるととたんに悪くなる.またサンプル数の増加に対して推定精度の向上がまったくみられない.それに対して、我々の手法ではサンプル数、回転量の増

# 表 2 設定条件と推定精度の関係

<sup>A</sup> 1に関して推定された値と真の値	との差
------------------------------	-----

	50	100	200
	平均	平均	平均
	(標準偏差)[deg]	(標準偏差)[deg]	(標準偏差)[deg]
$45[\deg]$	1.330(0.6914)	$0.9352 \ (0.5167)$	$0.6989\ (0.3877)$
90[deg]	$0.6916\ (0.3455)$	$0.4881 \ (0.2551)$	$0.3485\ (0.1891)$
180[deg]	0.3951 (0.2000)	0.2690(0.1424)	0.1904 (.09464)

### <sup>B</sup>1に関して推定された値と真の値との差

	50	100	200
	平均	平均	平均
	(標準偏差)[deg]	(標準偏差)[deg]	(標準偏差)[deg]
$45[\deg]$	1.329(0.6838)	$0.9411 \ (0.5109)$	$0.6904 \ (0.3826)$
90[deg]	0.6890(0.3474)	$0.4929 \ (0.2558)$	$0.3397\ (0.1907)$
$180[\deg]$	$0.3818\ (0.1970)$	$0.2701 \ (0.1468)$	$0.1934\ (0.1010)$

#### <sup>A</sup>c に関して推定された値と真の値との差

	50	100	200
	平均	平均	平均
	(標準偏差)[mm]	(標準偏差)[mm]	(標準偏差)[mm]
45[deg]	2.632(1.378)	1.870(0.9719)	$1.317 \ (0.6787)$
90[deg]	$1.394\ (0.7260)$	$0.9468 \ (0.4800)$	0.6748(0.3424)
180[deg]	$0.8007 \ (0.3834)$	$0.5706\ (0.2735)$	$0.4047 \ (0.1928)$

### <sup>B</sup>c に関して推定された値と真の値との差

	50	100	200
	平均	平均	平均
	(標準偏差)[mm]	(標準偏差)[mm]	(標準偏差)[mm]
$45[\deg]$	2.640(1.384)	1.858(0.9538)	1.327(0.6823)
90[deg]	1.398(0.7326)	0.9509(0.4869)	$0.6697 \ (0.3396)$
180[deg]	0.8043 (0.3817)	0.5836(0.2772)	0.3967(0.1923)



図 2 実験対象物:おもちゃのペンチ

加により推定精度の向上が見られる.

次に,設定条件と推定精度の関係について述べる.本実験で も,先と同じ9つの条件下で推定精度との関係を調べた.実際 に,表2にその結果を示す.

この表から、次のような考察が得られる: すべてのパラメー タにおいて、回転量に比例して推定精度が向上している、つまり 回転量が2倍になると、推定誤差の平均および標準偏差が半分 になる.また、推定精度の2乗がサンプル数に比例する、つまり サンプル数が4(=2<sup>2</sup>)倍になると、推定誤差の平均および標準 偏差が半分になる.この結果から、回転量の小さい回転ジョイ ントのパラメタ推定は比較的困難であると結論づけられる.

4.3 実物体を用いた実験

レーザレンジファインダを用いた場合 –
 実際に、実物体を用いて回転ジョイントのパラメタの推定を



図 3 パーツのモデル化

行った.本実験では、図2に示すおもちゃのペンチを実験に用 い、以下に示す手順で実験を行った:

(1) ペンチの3次元形状をレーザレンジファインダ(本実験ではコニカミノルタセンシング株式会社製の Vivid 910 を用いた)をジョイントの角度を変えながら複数回計測する

(2) ペンチを構成する 2 つのパーツのうち 1 つを, 2 つのレンジデータ間で位置あわせを行う

(3) 位置あわせされた2つのレンジデータ間の差分(共通 している部分とそうでない部分)をとることによりそれぞれの パーツをモデル化する(図3参照)

(4) 生成されたモデルを用いて2つのパーツの相対位置姿 勢の列を得る

(5) 得られた相対位置姿勢から回転ジョイントのパラメタ を推定する

位置あわせには3次元テンプレートマッチング法[7]を用いた. これはいわゆる Iterative Closest Point 法[8]の一種であるが, 重みつき最小自乗法を用いることにより,誤差にロバストであ るという特徴がある.

図3に、ペンチのそれぞれのパーツをモデリングした結果を 示す.部分的に正しくパーツ分けされていないところがあるが (図中の赤丸で囲まれた部分)、その後の相対位置関係の列を得 るためには十分なモデル化である.

実際に、このペンチの回転量は約30[deg] までであるので、推 定は難しいと考えられる.図4に推定結果を示す.図中の青い 線が推定された回転軸を示す.

#### 4.4 実物体を用いた実験

– ステレオビジョンを用いた場合 –

この節では、ステレオビジョンを用いて、回転ジョイントをも つ実物体のパラメタ推定を行った。前節で用いたおもちゃのペ ンチをステレオビジョンを用いてトラッキングするのは非常に 困難であったため、今回は図5に示す LEGOのパーツを用いた。

ステレオビジョンの精度の関係上、トラッキングのために正 確な物体モデルは必要ないと判断したため、CAD システムを用 いて大まかなモデルを生成した.なおトラッキングには前述の 3次元テンプレートマッチング法[7]を用いた.



Top View



Side View



図 4 回転ジョイントのパラメタ推定の結果



図 5 トラッキングの様子

図6に推定結果を示す.図中の赤い線が推定された回転軸を 示す.図中白色のパーツ(図5において青色の物体)に関して は比較的正確に回転軸の向き,位置ともに推定されていると言 える.しかし図中緑色のパーツ(図5において赤色の物体)に関



図 6 回転ジョイントのパラメタ推定の結果

してはあまり正確な推定とは言いがたい. 我々は視覚の誤差を ガウシアンノイズであると仮定したが,実際その仮定は正しく ない. その結果,推定精度が悪くなったと思われる. ただし,一 般的に視覚の誤差分布を先見的に予測することは非常に困難で あるため,その条件下では非常に良く推定できていると考えら れる.

# 5. 結 論

我々は、回転ジョイントによって接続された2つの物体の相 対位置姿勢から、回転ジョイントのパラメタを推定する方法を 提案した.本論文では、相対位置姿勢は3次元トラッキングシ ステム等によって得られるものとし、多少の誤差が含まれてい るものとした.

まず,我々は回転ジョイントにおいて,パラメタと相対位置姿勢の間の拘束式を定式化した.そして,我々が定義した評価関数 を最小化することにより,パラメタ推定を行う方法を提案した.

次に, 我々はシミュレーション実験と実物体を用いた実験を 通じて, 提案手法の性能評価を行った.シミュレーション実験 では, 本手法の統計的な性質を示した.それにより, 本手法は推 定精度が回転量に比例していること, および推定精度の2乗が サンプル数に比例していることを示した.その結果は, 統計的 視点からみて妥当なものである.

# 謝 辞

なお本研究は, 文科省科研費補助金特定領域研究 (C) 課題 番号 15017222 及び, 独立行政法人科学技術振興機構・池内 CREST プロジェクトの補助を受けている.

#### 文 献

 K. Ikeuchi and T. Suehiro: "Toward an assembly plan from observation part i: Task recognition with polyhedral objects", IEEE Trans. on Robotics and Automation, 10, 3 (1994).

- [2] S. Schaal: "Is imitation learning the route to humanoid robots?", Trends in Cognitive Sciences, 3, pp. 233 – 242 (1999).
- [3] R. Dillmann and M. Bordegoni: "Learning robot behavior and skills based on human demonstration and advice: The machine learning paradigm", Int. Symp. on Robotics Research (1999).
- [4] M. T. Mason: "Compliance and force control for computer controlled manipulators", IEEE Trans. on Systems, Man, and Cybernetics, 11, 6 (1981).
- [5] J. H. Challis: "Estimation of the finite center of rotation in planar movements", Medical Engineering and Physics, 23, pp. 227 – 233 (2001).
- [6] G. K. M. Cheung, S. Baker and T. Kanade: "Shape-fromsilhouette of articulated objects and its use for human body kinematics estimation and motion capture", Proc. of CVPR (2003).
- [7] M. D. Wheeler and K. Ikeuchi: "Sensor modeling, probabilistic hypothesis generation, and robust localization for object recognition", IEEE Trans. on Pattern Analysis and Machine Intelligence, 17, pp. 252 – 265 (1995).
- [8] P. Besl and N. McKay: "A method for registration of 3d shapes", IEEE Trans. on Pattern Analysis and Machine Intelligence, 14, 2 (1992).